

## Eléments de symétrie d'une courbe

(C) est la courbe représentative d'une fonction  $f$  dans un repère orthogonal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

### Axe de symétrie

Pour démontrer que la droite d'équation  $x = a$  est axe de symétrie de la courbe (C) :

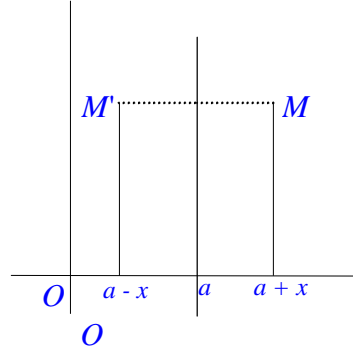
#### Méthode 1

$\Omega$  est le point de coordonnées  $(a;0)$  dans  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . On montre que dans le repère  $(\Omega, \vec{i}, \vec{j})$ , la courbe (C) est la courbe représentative d'une fonction paire.

#### Méthode 2

On montre que :

- si  $a + x$  est dans  $D_f$  alors  $a - x$  est aussi dans  $D_f$ .
- $f(a + x) = f(a - x)$



Application :

$f$  est la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - x + 1}$

Démontrer, en utilisant les deux méthodes, que la droite d'équation  $x = \frac{1}{2}$  est un axe de symétrie de (C).

### Centre de symétrie

Pour démontrer que le point  $\Omega(a;b)$  est un centre de symétrie de la courbe (C) :

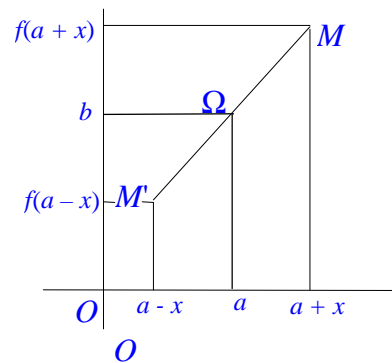
#### Méthode 1

On montre que dans le repère  $(\Omega, \vec{i}, \vec{j})$ , la courbe (C) est la courbe représentative d'une fonction impaire.

#### Méthode 2

On montre que :

- si  $a + x$  est dans  $D_f$  alors  $a - x$  est aussi dans  $D_f$ .
- $\frac{f(a + x) + f(a - x)}{2} = b$



Application :

$f$  est la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 4$

Démontrer, en utilisant les deux méthodes, que le point  $\Omega(-1;-2)$  est un centre de symétrie de (C)