

## FORMULAIRE DE DERIVATION

### Dérivées usuelles

On admet les formules de dérivation pour les fonctions usuelles ci-dessous.

| Fonction     | Dérivée            | Validité  |
|--------------|--------------------|---|
| $f(x) = k$   | $f'(x) = 0$        | $k$ nombre réel constant ;<br>$x \in \mathbb{R}$                    |
| $f(x) = x$   | $f'(x) = 1$        | $x \in \mathbb{R}$  |
| $f(x) = x^2$ | $f'(x) = 2x$       | $x \in \mathbb{R}$  |
| $f(x) = x^3$ | $f'(x) = 3x^2$     | $x \in \mathbb{R}$  |
| $f(x) = x^n$ | $f'(x) = nx^{n-1}$ | $n$ entier naturel supérieur<br>ou égal à 2 ;<br>$x \in \mathbb{R}$ |

| Fonction               | Dérivée                         | Validité   |
|------------------------|---------------------------------|--|
| $f(x) = \frac{1}{x}$   | $f'(x) = -\frac{1}{x^2}$        | $x \in \mathbb{R}^*$                               |
| $f(x) = \frac{1}{x^2}$ | $f'(x) = -\frac{2}{x^3}$        | $x \in \mathbb{R}^*$                               |
| $f(x) = \frac{1}{x^n}$ | $f'(x) = -\frac{n}{x^{n+1}}$    | $n$ entier naturel non nul<br>$x \in \mathbb{R}^*$ |
| $x \mapsto \sqrt{x}$   | $x \mapsto \frac{1}{2\sqrt{x}}$ | $x \in ]0 ; +\infty[$                              |

### Opérations et dérivées

$u$  et  $v$  sont des fonctions dérivables sur un intervalle  $I$  et  $k$  est un nombre réel fixé.

| Fonction          | Dérivée           | Dérivabilité                      |
|-------------------|-------------------|-----------------------------------|
| Somme $f = u + v$ | $f' = u' + v'$    | dérivable sur<br>l'intervalle $I$ |
| Produit           | $f = ku$          | $f' = ku'$                        |
|                   | $f = uv$          | $f' = u'v + uv'$                  |
| Quotient          | $f = \frac{1}{v}$ | $f' = -\frac{v'}{v^2}$            |
|                   | $f = \frac{u}{v}$ | $f' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$      |

Remarquons que si  $f = u^2 = u \times u$ , alors  $f' = u'u + uu' = 2uu'$ .